



C: NS27

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتعليم العالي
وتكوين الأطر
والبحوث العلمي
كتابة الدولة المكلفة بالتعليم المدرسي
الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
-الدورة العادية 2008-
الموضوع



المركز الوطني للتقويم والامتحانات

5	المعامل:	الفيزياء والكيمياء	المادة:
3 س	مدة الإنجاز:	شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها	الشعب (ة):

◀ يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة

◀ تعطى التعابير الحرفية قبل إنجاز التطبيقات العددية

يتضمن موضوع الامتحان أربعة تمارين : تمرين في الكيمياء وثلاثة تمارين في الفيزياء

• الكيمياء: حمض الأسكوربيك أو فيتامين C (7 نقط)

• الفيزياء (13 نقطة)

○ التمرين 1 : التأريخ بالنشاط الإشعاعي (2,5 نقط)

○ التمرين 2 : ثنائي القطب RC (4,5 نقط)

○ التمرين 3 : حركة قذيفة في مجال الثقالة المنتظم (6 نقط)

الموضوع

التقييم

الكيمياء (7 نقط) : حمض الأسكوربيك أو فيتامين C (Vitamine C)

حمض الأسكوربيك $C_6H_8O_6$ (أو فيتامين C) مادة طبيعية توجد في عدد كبير من المواد الغذائية ذات أصل نباتي وعلى الخصوص في المواد الطازجة والخضر والفواكه. كما يمكن تصنيعه في مختبرات الكيمياء ليباع في الصيدليات على شكل أقراص. وهو مركب مضاد للعدوى، ومنشط للجسم، ويساعد على نمو العظام والأوتار والأسنان... ويؤدي نقصه في التغذية لدى الإنسان إلى ظهور داء الحفر. ويعرف بالرمز E300.

معطيات:

الكتلة المولية لحمض الأسكوربيك: $M(C_6H_8O_6) = 176 \text{ g.mol}^{-1}$

المزدوجة (قاعدة/حمض): $C_6H_8O_6(aq) / C_6H_7O_6^-(aq)$

$pK_{A2}(C_6H_5COOH(aq) / C_6H_5COO^-(aq)) = 4,20$ ؛ $pK_{A1}(C_6H_8O_6(aq) / C_6H_7O_6^-(aq)) = 4,05$

1. تحديد خارج تفاعل حمض الأسكوربيك مع الماء بقياس pH

نعتبر محلولاً مائياً لحمض الأسكوربيك $C_6H_8O_6(aq)$ حجمه V وتركيزه المولي $C_1 = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$.

أعطى قياس pH هذا المحلول عند $25^\circ C$ القيمة $pH = 3,01$.

1.1. أكتب معادلة تفاعل حمض الأسكوربيك مع الماء.

2.1. أنشئ الجدول الوصفي لهذا التفاعل.

3.1. أحسب τ نسبة التقدم النهائي للتفاعل. هل التحول كلي ؟

4.1. المجموعة الكيميائية في حالة توازن. أوجد قيمة خارج التفاعل $Q_{r,eq}$. استنتج قيمة ثابتة التوازن K المقرونة بهذا التفاعل.

2. تحديد كتلة حمض الأسكوربيك في قرص " فيتامين C500 "

نسحق قرصاً من فيتامين C500 ونذيبه في قليل من الماء، ثم ندخل الكل في حوزة معيارية من فئة 200 mL، نضيف الماء المقطر حتى الخط العيار ونحرك، فنحصل على محلول مائي (S) تركيزه المولي C_A . نأخذ حجماً $V_A = 10,0 \text{ mL}$ من المحلول (S) ونعايره بمحلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم $Na^+(aq) + HO^-(aq)$ تركيزه المولي $C_B = 1,50.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$. يحصل التكافؤ حمض - قاعدة عند صب الحجم $V_{B,E} = 9,5 \text{ mL}$.

1.2. أكتب معادلة التفاعل حمض - قاعدة بين حمض الأسكوربيك وأيونات الهيدروكسيد $HO^-(aq)$.

2.2. أوجد قيمة C_A .

3.2. استنتج قيمة m كتلة حمض الأسكوربيك الموجود في القرص. فسر التسمية " فيتامين C500 ".

3. تطور مجموعة كيميائية

يُمكن تقادي تحليل حمض الأسكوربيك في عصير فاكهة بإضافة بنزوات الصوديوم المعروف بالرمز E211 إلى هذا العصير حيث يتفاعل حمض الأسكوربيك مع أيون البنزوات $C_6H_5COO^-(aq)$ وفق المعادلة الكيميائية التالية:



- 1.3. عبر عن ثابتة التوازن K المقرونة بهذا التفاعل بدلالة ثابتتي الحمضية للمزدوجتين (قاعدة/حمض) المتفاعلتين ثم أحسب قيمتها.
- 2.3. قيمة خارج التفاعل للمجموعة الكيميائية في الحالة البدئية هي $Q_{r,i} = 1,41$. هل تتطور المجموعة الكيميائية أم لا ؟ علل جوابك.

1

0,5

الفيزياء (13 نقطة)

التمرين 1 (2,5 نقط): التاريخ بالنشاط الإشعاعي

يستعمل الجيولوجيون وعلماء الآثار تقنيات مختلفة لتحديد أعمار الحفريات والصخور، من بينها تقنية تعتمد النشاط الإشعاعي. يُستعمل الكربون 14 المشع لتحديد أعمار الحفريات إذ تبقى نسبة الكربون 14 ثابتة عند الكائنات الحية ولكن بعد وفاتها تتناقص هذه النسبة نتيجة تفتته وعدم تعويضه.

معطيات:

$m(^{14}_6\text{C}) = 14,0111\text{u}$	كتلة النواة ($^{14}_6\text{C}$):	${}_8\text{O} - {}_7\text{N} - {}_5\text{B} - {}_4\text{Be}$
$m(e^-) = 0,00055\text{u}$	كتلة الإلكترون :	عمر النصف للكربون 14 : $t_{1/2} = 5600 \text{ ans}$
$m(^A_Z\text{X}) = 14,0076\text{u}$	كتلة النواة (^A_ZX):	$1\text{u} = 931,5 \text{ MeV} \cdot \text{c}^{-2}$ ؛ $1 \text{ an} = 365 \text{ jours}$

1. تفتت نواة الكربون $^{14}_6\text{C}$

يتميز الكربون 14 بنشاط إشعاعي من نوع β^- .

1.1. أكتب معادلة تفتت نواة الكربون $^{14}_6\text{C}$ محددا النواة المتولدة ^A_ZX .

0,5

2.1. أحسب بالوحدة MeV قيمة ΔE طاقة التفاعل النووي.

0,75

2. التاريخ بالكربون 14

أخذت عينة من خشب حطام سفينة تم العثور عليها بالقرب من أحد السواحل. أعطى قياس النشاط الإشعاعي لهذه العينة عند لحظة t القيمة $a = 21,8 \text{ Bq}$. وأعطى نفس القياس على قطعة خشب حديثة من نفس النوع، لها نفس الكتلة، كالعينة القديمة القيمة $a_0 = 28,7 \text{ Bq}$.

1.2. تحقق أن قيمة λ ثابتة النشاط الإشعاعي للكربون 14 هي $\lambda = 3,39 \cdot 10^{-7} \text{ jours}^{-1}$.

0,25

2.2. حدد بالوحدة (jours) عمر خشب السفينة.

0,75

3.2. علما أن القياسات تمت سنة 2000 م ، في أي سنة غرقت السفينة؟

0,25

التمرين 2 (4,5 نقط): ثنائي القطب RC

نقرأ على لصيقة آلة تصوير العبارات التالية (احذر — خطر — تفادي تفكيك الآلة). يرتبط هذا التنبيه بوجود مكثف في علبة آلة التصوير، الذي يتم شحنه تحت توتر $U = 300\text{V}$ عبر موصل أومي مقاومته R. نحصل على التوتر $U = 300\text{V}$ بفضل تركيب إلكتروني مغذى بعمود قوته الكهرومحركة $E_0 = 1,5\text{V}$. وعند أخذ الصور يُفرغ المكثف عبر مصباح وامض آلة التصوير خلال جزء من الثانية، فيمكن الوامض ذي المقاومة r من إضاءة شديدة في وقت جد قصير.

يمثل الشكل (1) التركيب المبسط لدارة تشغيل وامض آلة التصوير.

معطيات: سعة المكثف $C = 120 \mu F$ ؛ $U = 300V$

1. استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر صاعدة

نضع عند اللحظة ذات التاريخ $(t=0)$ قاطع التيار K في الموضع (1)، فيشحن المكثف عبر الموصل الأومي ذي المقاومة R تحت التوتر U.

1.1. أثبت أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر

$$u_C(t) \text{ تكتب على الشكل } U = \tau \frac{du_C}{dt} + u_C. \text{ استنتج}$$

تعبير ثابتة الزمن τ بدلالة برامترات الدارة.

2.1. تحقق أن حل المعادلة التفاضلية هو $u_C(t) = U.(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$.

3.1. حدد قيمة u_C في النظام الدائم.

4.1. أحسب E_e الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف في النظام الدائم.

5.1. يتطلب الاشتغال العادي للوامض طاقة كهربائية محصورة بين 5J و 6J. هل يمكن شحن المكثف

مباشرة بواسطة العمود ذي القوة الكهرومحركة $E_0 = 1.5 V$ ؟

2. استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر نازلة

نؤرجح قاطع التيار K إلى الموضع (2) عند اللحظة ذات التاريخ $(t=0)$ ، فيفرغ المكثف عبر الموصل

الأومي ذي المقاومة r. نسجل بواسطة

راسم تذبذب ذاكراتي تغيرات التوتر $u_C(t)$

بين مربطي المكثف بدلالة الزمن، فنحصل

على المنحنى الممثل في الشكل (2).

1.2. مثل بعناية تبيان تركيب تفريغ

المكثف، وبين عليها كيفية ربط راسم

التذبذب.

2.2. عين مبيانيا قيمة ثابتة الزمن τ

لدارة التفريغ.

3.2. استنتج قيمة r.

التمرين 3 (6 نقط) : حركة قذيفة في مجال الثقالة المنتظم

تخضع كرة الغولف المستعملة في المسابقات الرسمية لمجموعة من المواصفات الدولية. ويتميز سطحها

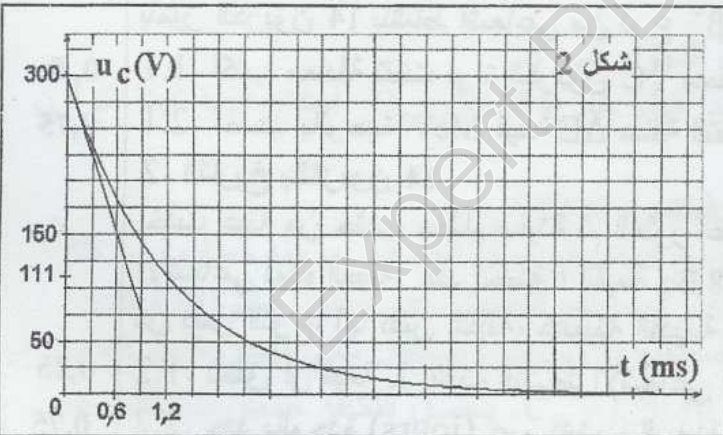
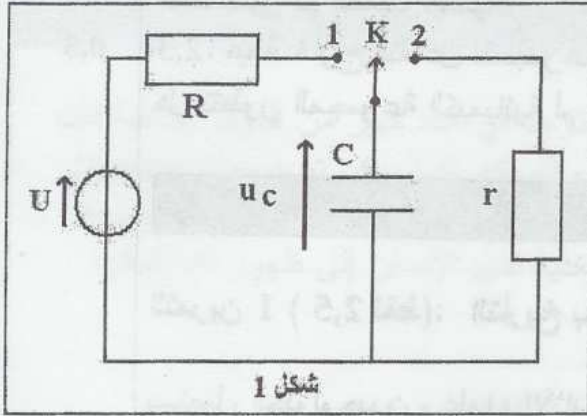
الخارجي بعدد كبير من الأسناخ (Alvéoles) تساعد على اختراق كرة الغولف للهواء بسهولة،

والتقليل من احتكاكاته.

خلال حصة تدريبية، وفي غياب الرياح، حاول لاعب الغولف البحث عن الشروط البدئية التي ينبغي

أن يرسل بها كرة الغولف من نقطة O، كي تسقط في حفرة Q دون أن تصطدم بشجرة علوها KH

توجد بينهما. النقطة O والموضع K للشجرة والحفرة Q على نفس الاستقامة (شكل 1 صفحة 5/5).



معطيات: كتلة كرة الغولف $m = 45 \text{ g}$ ، تسارع الثقالة $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$.

$OQ = 120 \text{ m}$ ؛ $OK = 15 \text{ m}$ ؛ $KH = 5 \text{ m}$

نهمل دافعة أرخميدس وجميع الاحتكاكات.

1. دراسة حركة كرة الغولف في مجال الثقالة

المنتظم

عند اللحظة $(t = 0)$ ، أرسل اللاعب كرة الغولف

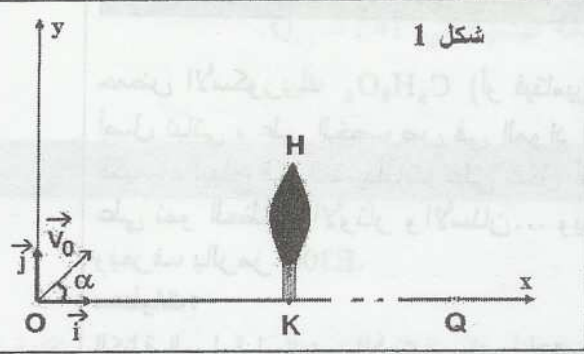
من النقطة O بسرعة بدئية $V_0 = 40 \text{ m.s}^{-1}$ تكون

متجهتها $\vec{V}_0$ الزاوية $\alpha = 20^\circ$ مع المستوى

الأفقي. لدراسة حركة G مركز قصور الكرة في

المستوى الرأسي، نختار معلما متعامدا ممنتظما

أصله مطابق للنقطة O . $(O, \vec{i}, \vec{j})$



شكل 1

1.1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أثبت المعادلتين التفاضليتين اللتين تحققهما v_x و v_y إحداثيتي متجهة

1

سرعة G مركز قصور الكرة.

2.1. أوجد التعبير الحرفي للمعادلتين الزميتين $x(t)$ و $y(t)$ لحركة G . استنتج التعبير الحرفي لمعادلة

1,5

مسار الحركة.

3.1. نعتبر نقطة B من مسار مركز قصور الكرة أفصولها $x_B = x_K = 15 \text{ m}$ وأرتوبها y_B .

0,75

أحسب y_B . هل تصطدم الكرة بالشجرة ؟

4.1. بالنسبة للزاوية $\alpha = 24^\circ$ لا تصطدم الكرة بالشجرة. حدد قيمة V_0 السرعة البدئية التي ينبغي أن

0,75

يرسل بها اللاعب كرة الغولف كي تسقط في الحفرة Q .

2. دراسة حركة كرة الغولف على مستوى أفقي

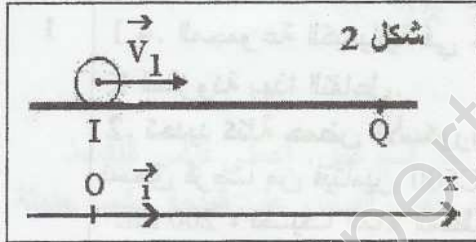
لم ينجح اللاعب في إسقاط الكرة في الحفرة Q ، حيث

استقرت بعد سقوطها في نقطة I .

الكرة و الحفرة توجدان في مستوى أفقي. أرسل اللاعب من

جديد كرة الغولف من النقطة I بسرعة بدئية أفقية $\vec{V}_1$ تجعلها

تصل إلى الحفرة Q دون فقدان تماسها مع المستوى الأفقي.



شكل 2

ندرس حركة G مركز قصور الكرة في المعلم $(O, \vec{i})$ ، ونختار لحظة إرسال الكرة من I أصلا للتواريخ

(شكل 2).

نعتبر أن الكرة تخضع أثناء حركتها لاحتكاكات مكافئة لقوة وحيدة متجهتها $\vec{f}$ ثابتة ومعاكسة لمنحى

الحركة وشدتها $f = 2,25 \cdot 10^{-2} \text{ N}$.

1.2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة مركز قصور الكرة.

1

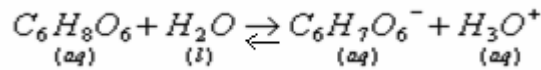
2.2. استنتج طبيعة حركة G .

0,25

3.2. حدد قيمة V_1 علما أن الكرة وصلت إلى الحفرة بسرعة منعمة ، وأن الحركة استغرقت 4 s .

0,75

(1) (1-1) معادلة تفاعل حمض الأسكوريك مع الماء:



(2-1) الجدول الوصفي للتفاعل:

معادلة التفاعل						
$C_6H_8O_6 + H_2O \rightleftharpoons C_6H_7O_6^- + H_3O^+$						
					التقدم	الحالة
كميات المادة						البداية
$c_1.V$	بوفرة		.	.	.	
$c_1.V - x$	بوفرة		x	x	x	حالة التحول
$c_1.V - x$	بوفرة		x_f	x_f	x_f	الحالة النهائية

(1-3) بما أن الماء مستعمل بوفرة فإن حمض الأسكوريك هو المتفاعل المحد ومنه :

$$x_{\max} = C_1.V \quad \Leftarrow \quad \text{التقدم الأقصى} \quad C_1.V - x_{\max} = 0$$

$$x_f = n(H_3O^+) = [H_3O^+]V \quad \text{والتقدم النهائي:}$$

$$\tau = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[H_3O^+]V}{C_1.V} = \frac{[H_3O^+]}{C_1} = \frac{10^{-pH}}{10^{-2}} = \frac{10^{-3,01}}{10^{-2}} = 0,0977 = 9,77 \times 10^{-2} \quad \text{نسبة التقدم النهائي :}$$

$\tau < 1$ إذن التحول غير كلي.

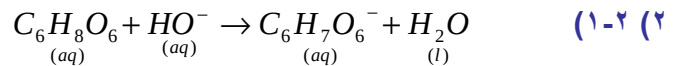
$$Q_r = \frac{[C_6H_7O_6^-] \times [H_3O^+]}{[C_6H_8O_6]} \quad \text{(4-1) خارج التفاعل :}$$

$$[H_3O^+] = [C_6H_7O_6^-] = \frac{x_f}{V} = 10^{-pH}$$

$$[C_6H_8O_6] = \frac{c_1.V - x_f}{V} = c_1 - \frac{x_f}{V} = c_1 - 10^{-pH}$$

$$Q_r = \frac{[C_6H_7O_6^-] \times [H_3O^+]}{[C_6H_8O_6]} = \frac{(10^{-pH})^2}{c_1 - 10^{-pH}} = \frac{(10^{-3,01})^2}{10^{-2} - 10^{-3,01}} = 1,058 \times 10^{-4} \approx 1,06 \times 10^{-4}$$

تابثة التوازن المقرونة بهذا التفاعل: $K = Q_{r,eq} = 1,06 \times 10^{-4}$.



(2-2) من خلال علاقة التكافؤ :

$$C_A.V_A = C_B.V_{BE}$$

$$C_A = \frac{C_B.V_{BE}}{V_A} = \frac{1,5 \times 10^{-2} \times 9,5}{10} = 1,425 \times 10^{-2} \text{ mol / L}$$

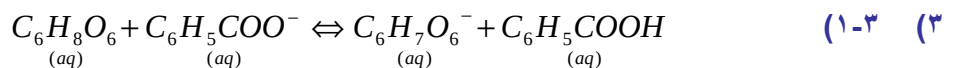
(3-2) كمية مادة حمض الأسكوريك الموجودة في القرص:

$$n = c_A.V = 14,25 \times 10^{-3} \text{ mol / L} \times 0,2 \text{ L} = 2,85 \times 10^{-3} \text{ mol}$$

كتلة حمض الأسكوريك الموجودة في القرص:

$$m = M.n = 176 \text{ g / mol} \times 2,85 \times 10^{-3} \text{ mol} \approx 0,5 \text{ g} = 500 \text{ mg}$$

التسمية فيتامين C500 تعني كل قرص يحتوي على 500mg من حمض الأسكوريك .



$$Q_r = \frac{K_A(C_6H_8O_6 / C_6H_7O_6^-)}{K_A(C_6H_5COOH / C_6H_5COO^-)} = \frac{K_{A1}}{K_{A2}} = \frac{10^{-pK_{A1}}}{10^{-pK_{A2}}} = 10^{pK_{A2} - pK_{A1}} = 10^{4,2 - 4,04} \approx 1,41$$

التمرين 2 ثنائي القطب RC

(١)
(١-١) بتطبيق قانون إضافية التوترات في دائرة الشحن ، لدينا :
مع : $u_R = R.i$ و : $i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(c.u_c)}{dt} = c. \frac{du_c}{dt}$
أي : $u_R = R.c \frac{du_c}{dt}$ وبذلك تصبح العلاقة الأولى كما يلي :
نضع : $\tau = R.c$ فنحصل على المعادلة التفاضلية : $u_c + \tau \frac{du_c}{dt} = U$

(٢-١) $u_c(t) = U (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$

إذن : $\frac{du_c}{dt} = \frac{U}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$ بالتعويض في المعادلة التفاضلية : $u_c + \tau \frac{du_c}{dt} = U$

مع $\tau = R.C$ إذن : $u_c(t) = U (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ حل للمعادلة التفاضلية، مع $\tau = R.C$

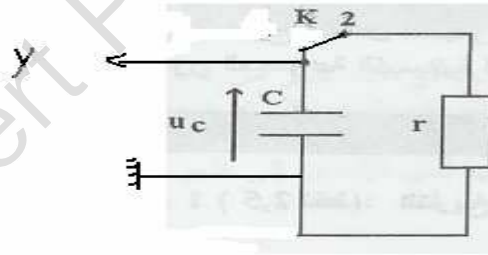
(٣-١) في النظام الدائم : $u_c = U = 300V$

(٤-١) $E_c = \frac{1}{2} c U^2 = \frac{1}{2} \times 120 \times 10^{-6} \times (300)^2 = 5,4J$

(٥-١) عند شحن المولد مباشرة بواسطة عمود قوته الكهرومحركة : $E_o = 1,5V$ تكون الطاقة الكهربائية المخزنة

في المكثف : $E_c = \frac{1}{2} c E_o^2 = \frac{1}{2} \times 120 \times 10^{-6} (1,5)^2 = 0,135 \times 10^{-3} J < 5J$

وبالتالي لا يمكن استعمال هذا العمود لشحن مكثف الوماض.



(٢-٢) ميانيا نحصل على $\tau = 1,2ms$

(٣-٢) $r = \frac{\tau}{c} = \frac{1,2 \times 10^{-3} s}{120 \times 10^{-6} F} = 10\Omega$ $\Leftarrow rc = \tau$

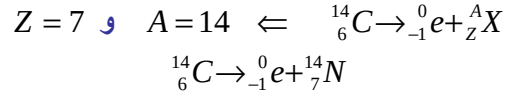
التمرين الثالث:

(١)
(١-١)

٢-٢) من خلال العلاقة السابقة لدينا : $a_x = \frac{-f}{m} = \frac{-2,25 \times 10^{-2}}{45 \times 10^{-3}} = -0,5 m/s^2$ إذن حركة الكرة مستقيمة متغيرة بانتظام متباطئة.

٣-٢) من خلال دالة السرعة : $v = at + v_1$
تصل الكرة بسرعة منعدمة إلى الحفرة خلال مدة زمنية مساوية ل: $4s \Leftrightarrow 0 = -0,5.(4) + V_1 \Leftrightarrow V_1 = 2m/s$

التمرين ١ : التأريخ بالنشاط الإشعاعي :
١-١) معادلة التفكك :



٢-١) طاقة هذا التحول النووي :
 $\Delta E = \Delta m.c^2 = [m(N) + m(e) - m(C)].c^2 = [14,0076 + 0,00055 - 14,0111].c^2 = -0,00295u.c^2$
 $= -0,00295 \times 931,5(MeV/c^2) \times c^2 = -2,7479MeV \approx -2,75MeV$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{\ln 2}{5600 \times 365 \text{ Jours}} = 3,39 \times 10^{-7} \text{ Jours}^{-1} \quad (٢-٢) \quad (٢)$$

$$\ln \frac{a}{a_o} = -\lambda.t \Leftrightarrow \frac{a}{a_o} = e^{-\lambda.t} \Leftrightarrow a = a_o.e^{-\lambda.t} \quad (٢-٢) \quad \text{لدينا :}$$

$$t = \frac{-n \frac{a}{a_o}}{\lambda} = \frac{\ln \frac{a_o}{a}}{\lambda} = \frac{\ln \frac{28,7}{21,8}}{3,39 \times 10^{-6}} = 811171,5427 \text{ Jours} \approx 2222 \text{ ans} + 141,5 \text{ jours}$$

٣-٢) غرقت السفينة حوالي ٢٢٢ سنة قبل الميلاد .