

السنة الدراسية : 2010/2009
المدة : 2.س.

فرض 1/ الدورة 2
2. بك.ع.ح.أ. 4.

ثانوية عبد الله الشفشاوني
التأهيلية

الموضوع

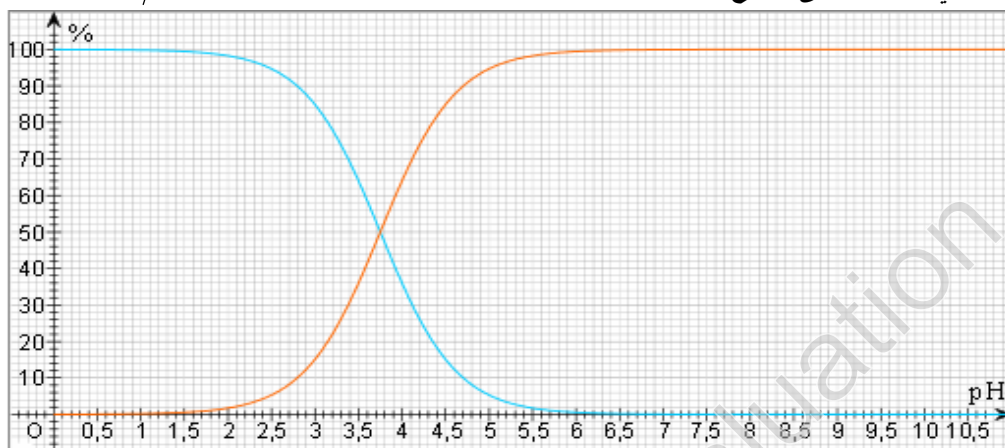
التنقيط

تمرين 1:

الهدف من التمرين هو دراسة منحنى التوزيع للمزدوجة $HCOOH/HCOO^-$ ثم تحديد تركيز الحمض بواسطة المعايرة.

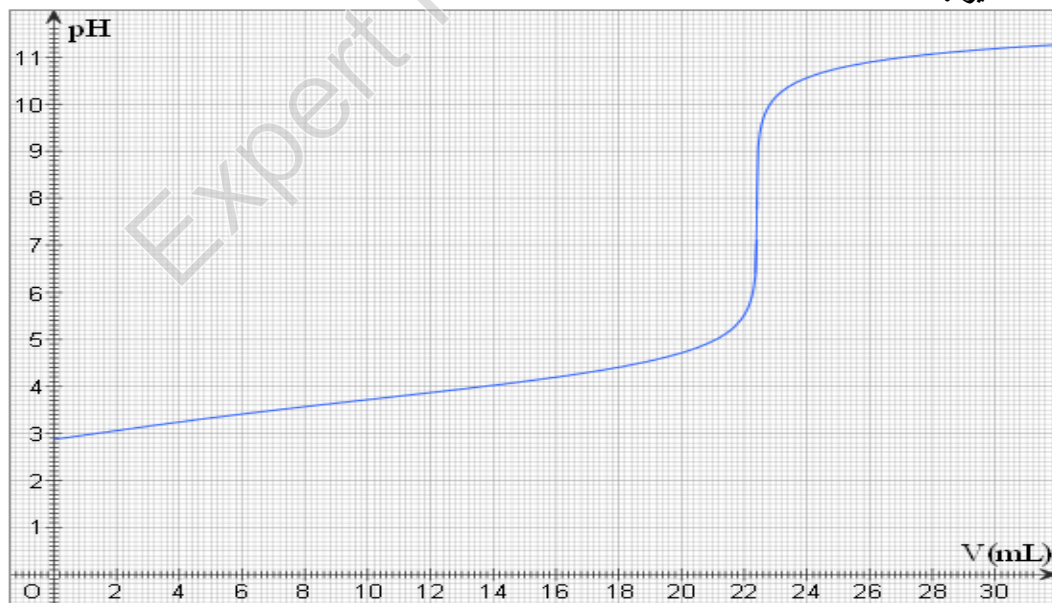
- 1- اعط معادلة تفاعل حمض الميثانويك مع الماء.
- 2- اعط تعبير ثابتة الحمضية للمزدوجة $HCOOH/HCOO^-$.
- 3- بين أن : $pH = pK_A + \log \frac{[HCOO^-]_{\epsilon q}}{[HCOOH]_{\epsilon q}}$.

4- نعطي جانبه منحنى توزيع كل من الحمض و القاعدة المرافقة للمزدوجة $HCOOH/HCOO^-$



- 1-4 ماذا يمثل كل منحنى.
- 2-4 استنتج معطلا جوابك قيمة $pK_A(HCOOH/HCOO^-)$.
- 3-4 أحسب بطريقتين مختلفتين النسبة : $\frac{[HCOO^-]_{\epsilon q}}{[HCOOH]_{\epsilon q}}$ إذا كان $pH = 3$.

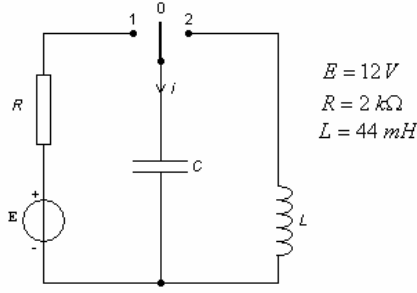
لتحديد تركيز حمض الميثانويك داخل المحلول نعاير حجما $V_A = 20 \text{ mL}$ بواسطة محلول لهيدروكسيد الصوديوم $(Na^+ + HO^-)$ تركيزه $C_B = 1.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$. يمثل المنحنى جانبه تغيرات pH الخليط أثناء المعايرة.



- 5- اعط معادلة تفاعل المعايرة.
- 6- أحسب قيمة ثابتة التوازن لهذا التفاعل. نعطي : $K_A(H_2O/HO^-) = 10^{-14}$.
- 7- حدد مبيانيا إحداثيات نقطة التكافؤ.
- 8- استنتج تركيز الحمض C_A .

تمرين 2:

الهدف من هذا التمرين هو تحديد سعة مكثف و دراسة التذبذبات الحرة في حالة تفريغ مكثف داخل وشيعة مقاومتها مهملة. نعتبر التركيب التجريبي جانبه:



عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ نغلق قاطع التيار في الموضع 1.

1- أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C .

2- حل المعادلة التفاضلية يكتب على الشكل :

$$u_C(t) = A(1 - e^{-\alpha t}) \text{ بين أن :}$$

$$\alpha = \frac{1}{RC} = \frac{1}{\tau} \text{ و } A = E$$

3- علما أن التوتر $u_C(t)$ يأخذ القيمة 4,02 V عند $t = 4,08 \text{ ms}$. بين أن : $\tau = 10 \text{ ms}$.

4- استنتج قيمة C سعة المكثف.

5- ما قيمة الطاقة المخزونة في المكثف بعد شحنه.

بعد شحن المكثف و عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ نؤرجح قاطع التيار للموضع 2.

6- ما اسم الدارة المحصل عليها.

7- أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شحنة المكثف $q(t)$.

8- حل المعادلة يكتب على الشكل $q(t) = Q_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$. أوجد تعبير T_0 باستعمال المعادلة التفاضلية. ثم أحسب قيمته.

9- استنتج تعبير $i(t)$ انطلاقا من $q(t)$.

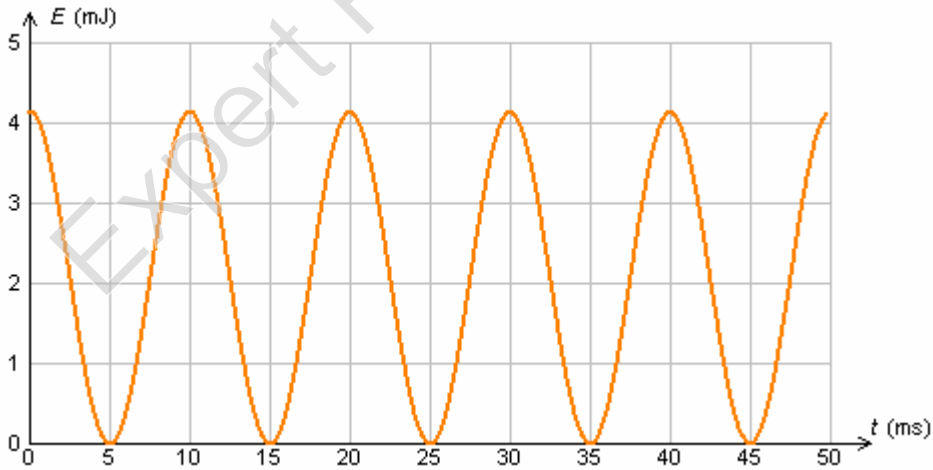
10- ما تعبير و قيمة $q(0)$ و $i(0)$. (الشروط البدئية)

11- عبر عن $q(0)$ و $i(0)$ انطلاقا من $q(t)$ و $i(t)$.

12- استنتج تعبير و قيمة كل من Q_m و φ .

13- عند اللحظة $t = \frac{T_0}{4}$ تكون الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف منعدمة. ما قيمة الطاقة المخزونة في الوشيعة عند هذه اللحظة معطلا جوابك.

14- نعيد تجربة تفريغ مكثف في نفس الوشيعة السابقة و ذلك باستعمال مكثف سعته C' غير معروفة تم شحنه بواسطة مولد قوته الكهرومحرركة E' غير معروفة. نعطي منحني تغيرات الطاقة المخزونة في المكثف بدلالة الزمن.



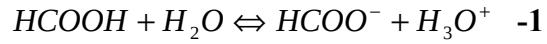
أ- حدد قيمة الدور الخاص T_0' .

ب- استنتج قيمة C' ثم قيمة E' .

15- ما قيمة الطاقة المغناطيسية المخزونة في الوشيعة عند $t = 10 \text{ ms}$.

الأجوبة:

تمرين 1:



$$K_A = \frac{[HCOO^-]_{\text{éq}} [H_3O^+]_{\text{éq}}}{[HCOOH]_{\text{éq}}} \quad -2$$

$$pK_A = -\log K_A = -\log \frac{[HCOO^-]_{\text{éq}}}{[HCOOH]_{\text{éq}}} - \log [H_3O^+]_{\text{éq}} = -\log \frac{[HCOO^-]_{\text{éq}}}{[HCOOH]_{\text{éq}}} + pH \quad -3$$

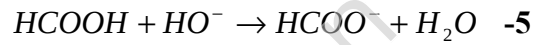
$$. pH = pK_A + \log \frac{[HCOO^-]_{\text{éq}}}{[HCOOH]_{\text{éq}}} \quad \text{اذن} \quad -4$$

1-4 : يمثل تغيرات نسبة الحمض و 2: يمثل تغيرات نسبة القاعدة

$$pK_A = 3,75 \quad \text{اذن} \quad \%A = \%B \quad \text{لدينا} \quad pH = pK_A \quad \text{عند} \quad -2-4$$

$$\frac{[HCOO^-]}{[HCOOH]} = 10^{pH - pK_A} = 10^{3-3,75} = 0,18 \quad \text{ط 1:} \quad -3-4$$

$$\frac{[HCOO^-]}{[HCOOH]} = \frac{\%B}{\%A} = \frac{16\%}{84\%} = 0,19 \quad \text{ط 2:} \quad \text{مبيانيا}$$



$$K = \frac{K_A (HCOOH / HCOO^-)}{K_A (H_2O / HO^-)} = \frac{10^{-3,75}}{10^{-14}} = 1,78 \cdot 10^{10} \quad -6$$

$$V_{BE} = 22,4 \text{ mL}, \quad pH_E = 8 \quad -7$$

$$C_A V_A = C_B V_{BE} \Rightarrow C_A = \frac{C_B V_{BE}}{V_A} = 1,12 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1} \quad \text{عند التكافؤ:} \quad -8$$

تمرين 2:

$$u_R + u_C = E \Rightarrow Ri + u_C = E \Rightarrow RC \frac{du_C}{dt} + u_C = E \quad -1$$

$$\frac{du_C}{dt} = A \alpha e^{-\alpha t} \quad \text{لدينا} \quad \text{نعوض في المعادلة فنجد:} \quad -2$$

$$RCA \alpha e^{-\alpha t} + A - A e^{-\alpha t} = E \Rightarrow A e^{-\alpha t} (RC \alpha - 1) = E - A$$

$$\Rightarrow RC \alpha - 1 = 0 \quad \text{et} \quad E - A = 0$$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{1}{RC} = \frac{1}{\tau} \quad \text{et} \quad A = E$$

$$\Rightarrow u_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$$

$$1 - e^{-t/\tau} = \frac{u_C}{E} \Rightarrow e^{-t/\tau} = 1 - \frac{u_C}{E} \Rightarrow \frac{-t}{\tau} = \ln(1 - \frac{u_C}{E})$$

$$\Rightarrow \tau = \frac{-t}{\ln(1 - \frac{u_C}{E})} = \frac{-4,08 \cdot 10^{-3}}{\ln(1 - \frac{4,02}{12})} = 10 \text{ ms} \quad -3$$

$$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = 5 \cdot 10^{-6} \text{ F} \quad -4$$

$$E_e = \frac{1}{2} C u_C^2 = \frac{1}{2} 5 \cdot 10^{-6} * 12^2 = 3,6 \cdot 10^{-4} \text{ J} \quad -5$$

الدارة المثالية LC -6

$$u_C + u_L = 0 \Rightarrow \dots \Rightarrow \frac{d^2 q}{dt^2} + \frac{1}{LC} q = 0 \quad -7$$

$$T_0 = 2\pi \sqrt{LC} = 2,95 \cdot 10^{-3} \text{ s} \quad -8$$

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = -\frac{2\pi}{T_0} Q_m \sin(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi) \quad -9$$

$$i(0) = 0 \quad \text{et} \quad q(0) = CE = 6.10^{-5} C \quad \text{-10}$$

$$i(0) = -\frac{2\pi}{T_0} Q_m \sin \varphi \quad \text{et} \quad q(0) = Q_m \cos \varphi \quad \text{-11}$$

$$\varphi = 0 \quad \text{et} \quad Q_m = CE \quad \text{-12}$$

$$E_m = 3,6.10^{-4} J \quad \text{لأن الطاقة تتحفظ.} \quad \text{-13}$$

-14

$$T_0' = 20 ms \quad \text{-1}$$

$$C = \frac{1}{L} * \left(\frac{T_0'}{2\pi}\right)^2 = 230 \mu F \quad \text{ب-}$$

$$E' = \sqrt{\frac{2E(0)}{C'}} = 6 V$$

$$.E_m(10) = 0 J \quad \text{-15}$$

من إعداد الأستاذ: أحمد الخويج